# Estudo dos Campos de Interação Magnética como Meio de Sustentação de Veículos de Transporte

Daniel B. Mello<sup>(\*)</sup> José Barbosa da Silva<sup>(\*\*)</sup> Ricardo Rhomberg Martins<sup>(\*\*\*)</sup>

## Introdução

Motivado pelo crescente estudo de levitação magnética como meio de transporte, que está avançado na Europa, América do Norte e Japão, este estudo acadêmico consiste numa introdução teórica para implementação de um protótipo em escala com sustentação e propulsão por meio de magnetismo. O sistema abordado está baseado em sistemas com estrutura simples e na ciência do magnetismo (WONG, 1996; HILL, 1990; HURLEY & WOLFLE, 1997; TSUJINO, NAKASHIMA & FUJII, 1999; SHIAO, 2001).

O princípio básico de sustentação é utilizar o controle da corrente que atravessa um solenóide para alterar a força magnética e compensar o peso do veículo.

## Modelagem do sistema

### Abordagem Física

A Lei de Coulomb diz que a força entre duas cargas elétricas diferentes a uma distância *x* pode ser definida por:

 $F=14\cdot\pi\cdot\epsilon0\cdot q1\cdot q2x2$ 

 $<sup>^{(*)}</sup>$  Engenheiro Elétrico pela Universidade Estácio de SáE-mail: radarmello@gmail.com .

<sup>(\*\*)</sup> Mestrando em Engenharia de Sistemas pela COPPE/UFRJ, especialista em Redes de Computadores pela Universidade Estácio de Sá, com graduação em Engenharia Elétrica e em Redes de Computadores pela Universidade Estácio de Sá. Professor da Faeterj-Rio (Faetec/SECT-RJ), professor visitante da Universidade Federal do Rio de Janeiro e do Centro de Instrução Almirante Wandenkolk Marinha do Brasil e professor auxiliar da Universidade Estácio de Sá. E-mail: josebarbosa@ufrj.br.

<sup>(\*\*\*)</sup> Pós-doutor em Análise de Canais na Universidade Politécnica da Catalunha, doutor em Engenharia Elétrica pelo Instituto Alberto Luiz Coimbra de Pós-Graduação e Pesquisa de Engenharia, mestre em Engenharia Elétrica pelo Instituto Alberto Luiz Coimbra de Pós-Graduação e Pesquisa de Engenharia. Atualmente é professor da Escola de Engenharia da UFRJ. E-mail: ricardo@del.ufrj.br.

Um momento de dipolo elétrico pode ser dado por:

p=q·l

E o campo elétrico no eixo e a uma distância *x* do dipolo é:

 $E=2\cdot p4\cdot \pi\cdot \epsilon 0\cdot x2$ 

O momento de dipolo magnético é:

 $\mu{=}n{\cdot}i{\cdot}S$ 

onde n é o número de espiras da solenóide, i é a corrente circulante e S é a área da seção transversal.

O campo magnético gerado por dois pólos é calculado de forma similar ao campo elétrico de um dipolo:

 $B=2\cdot\mu\cdot\mu04\cdot\pi\cdot x^{2}$ 

A diferença de posição entre  $\mu_0$  e  $\varepsilon_0$  deve-se a:

 $\mu$ 0 equivale a 1 $\epsilon$ 0

Como o campo magnético no eixo de uma solenóide é calculado por:

 $B = \mu 0 \cdot n \cdot i 2 \cdot l 2 + R 2$ 

onde *l* é o comprimento e *R* é o raio da solenóide. Substituindo  $n \cdot i$  por  $\mu/S$  obtemos:

 $\mu = 2 \cdot B \cdot S \cdot l2 + R2\mu 0$ 

Da definição do dipolo elétrico (2), pode-se imaginar uma analogia com uma "carga magnética virtual" g tal que:

 $\mu = g \cdot l$ 

Assim:

 $g=2 \cdot B \cdot S \cdot l2 + R2\mu 0 \cdot l$ 

Consideram-se agora os dois dipolos elétricos de comprimento l e distantes x um do outro. Há duas atrações e duas repulsões entre as cargas e, portanto, pode-se calcular a resultante das forças entre ambos de acordo com a igualdade que se segue:

 $F = 14 \cdot \pi \cdot \epsilon 0 \cdot q 1 \cdot q 2x + 14 \cdot \pi \cdot \epsilon 0 \cdot q 1 \cdot q 2x + l 1 + l 22 \cdot 14 \cdot \pi \cdot \epsilon 0 \cdot q 1 \cdot q 2x + l 12 \cdot 14 \cdot \pi \cdot \epsilon 0 \cdot q 1 \cdot q 2x + l 22$ 

ou

 $F = q1 \cdot q24 \cdot \pi \cdot \epsilon 0 \cdot 1x2 + 1x + l1 + l22 \cdot 1x + l12 \cdot 1x + l22$ 

Para dois imãs cilíndricos diferentes, porém com mesmo raio, a analogia é: q equivale a g, então:

 $Fm = \mu 0 \cdot g 1 \cdot g 24 \cdot \pi \cdot 1x + 1x + 11 + 122 \cdot 1x + 112 \cdot 1x + 122$ 

logo:

 $Fm = B1 \cdot B2 \cdot S2 \cdot l12 + R2 \cdot l22 + R2\pi \cdot \mu 0 \cdot l1 \cdot l2 \cdot 1x2 + 1x + l1 + l22 \cdot 1x + l12 \cdot 1x + l22$ 

Se um dos imãs for uma solenóide de raio R e núcleo de ferro, então teremos:

 $B1 = \mu Fe \cdot n \cdot i 2 \cdot l 12 + R2$ 

onde  $\mu_{Fe}$  é a permeabilidade magnética do ferro.

Assim, a força magnética fica:

 $Fm = \mu Fe \cdot n \cdot i \cdot B2 \cdot S2 \cdot l22 + R22 \cdot \pi \cdot \mu 0 \cdot l1 \cdot l2 \cdot 1x2 + 1x + l1 + l22 \cdot 1x + l12 \cdot 1x + l22$ 

## Aplicação ao veículo

Nessa aplicação, temos que o comprimento da solenóide  $l_1$  é muito maior que o comprimento do imã  $l_2$ , assim:

 $x+l1+l2\cong x+l1$ 

e a força se resume a:

 $Fm=\mu Fe \cdot n \cdot i \cdot B2 \cdot S2 \cdot l22 + R22 \cdot \pi \cdot \mu 0 \cdot l1 \cdot l2 \cdot \cdot 1x2 \cdot 1x + l22$ 

A relação entre o peso do veículo e a força magnética é:

Fm=P2

Formando assim:

 $K1 \cdot i \cdot 1x2 - 1x + l22 = K2$ 

ou

 $K1 \cdot i = K2 \cdot x + l22 \cdot x2x + l22 - x2$ 

onde

 $K1 = \mu Fe \cdot n \cdot B2 \cdot S2 \cdot l22 + R22 \cdot \pi \cdot \mu 0 \cdot l1 \cdot l2$ 

e

K2=P2

Com um pouco de trabalho de álgebra chegamos em:

 $K1 \cdot i = K22 \cdot l2 \cdot x2 \cdot x + l22 + l2 \cdot x2 + l24 \cdot x2x + l22$ 

Para o projeto em questão,  $l_2 = 2$  milímetros, então uma parcela de controle 124 torna-se não significativo para as variações que pretendemos controlar, portanto:

 $K1 \cdot i = K22 \cdot l2 \cdot x2 \cdot x + l22 + l2 \cdot x2$ 

Ou, partindo de um ponto inicial onde se estabelece corrente inicial e distância de operação inicial, temos:

 $K1 \cdot i0 + i(t) = K22 \cdot l2 \cdot x0 + x(t)3 + 3 \cdot K24 \cdot x0 + x(t)2$ 

Assim:

 $K1 \cdot i0 + K1 \cdot it = K22 \cdot l2 \cdot x03 + 3 \cdot K22 \cdot l2 \cdot x02 \cdot xt + 3 \cdot K22 \cdot l2 \cdot x0 \cdot xt2 + K22 \cdot l2 \cdot xt3 + 3 \cdot K24 \cdot x02 \cdot x02 \cdot x02 + 3 \cdot K24 \cdot x02 + 3 \cdot K2$ 

 $\cdot$ K22 $\cdot$ x0 $\cdot$ xt+3 $\cdot$ K24 $\cdot$ xt2

Fazendo a transformada de laplace, temos:

 $K1 \cdot Is = 3 \cdot K22 \cdot I2 \cdot x02 \cdot Xs + 3 \cdot K22 \cdot I2 \cdot x0 \cdot s2 \cdot X(s) + K22 \cdot I2 \cdot s3 \cdot X(s) + 3 \cdot K22 \cdot x0 \cdot Xs + 3 \cdot K24 \cdot s2 \cdot Xs + 3 \cdot K24 \cdot S2$ 

(s)

ou

K1·Is=X(s)·s3·K22·l2+s2·3·K22·l2·x0+3·K24+3·K22·x02l2+x0

Logo a função de transferência do sistema fica:

 $Gs = X(s)I(s) = K1s3 \cdot K22 \cdot l2 + s2 \cdot 3 \cdot K22 \cdot l2 \cdot x0 + 3 \cdot K24 + 3 \cdot K22 \cdot x02l2 + x0$ 

## Respostas do sistema

Aplicando ao sistema modelado os seguintes valores:

- $l_1 = 50 \text{ mm}$
- $l_2 = 2 \text{ mm}$
- *R* = 5mm
- $x_0 = 30 \text{ mm}$
- $B_2 = 0.3 \text{ T}$
- n = 400 espiras
- $\mu_0 = 1.2566 \cdot 10^{-3} \text{ N/A}^2$
- $\mu_{Fe} = 6.9115 \cdot 10^{-3} \text{ N/A}^2$

Obtivemos os seguintes resultados:

## Resposta ao degrau de corrente

Pelo sistema trabalhar invertido na contraposição do peso do veículo, quando aplicamos um degrau de corrente no sistema modelado chegamos a:

```
Máximo de função = 2.704476 \cdot 10^{-4}
```

# • Mínimo de função = 0

Com os seguintes diagramas:



Figura 1. Resposta ao degrau na corrente em malha aberta.

Figura 2. Root Locus do sistema







## Corrente refletida para Compensação de um degrau unitário de posição.

No modelo desenvolvido as perturbações ocorrem na posição do veículo, que é saída do sistema, como não podemos analisar o comportamento do sistema aplicando um sinal na saída, esse sinal deve ser equiparado a um sinal de perturbação de corrente de forma que:

Pis=Pxs·1Gs

temos que:

Pi(s) = Px(s)Gs

Se quisermos injetar uma perturbação  $P_x(s)$  de um degrau teremos:

Px(s)=1s

Pi(s)=1sGs

 $Pi(s)=1s \cdot Gs$ 

Que nos dá o seguinte sinal de perturbação equiparada:

Pi(s)=1s·Gs=K22s4·112+s3·312·x0+32+s·x0212+x0·3K1

 $K22 \cdot K1 \cdot \delta(t)$ 

 $Pit = K22 \cdot K1 \cdot l2 \cdot \delta4(t) + 3 \cdot x0 \cdot K22 \cdot K1 \cdot l2 + 3 \cdot K24 \cdot K1 \cdot \delta3(t) + 3 \cdot K2 \cdot x022 \cdot l2 \cdot K1 + 3 \cdot K22 \cdot K1 \cdot \delta(t) + 3 \cdot K22 \cdot K1 \cdot K1 \cdot K22 \cdot K1 \cdot K22 \cdot K1 \cdot \delta(t) + 3 \cdot K22 \cdot K1 \cdot K22 \cdot K1 \cdot \delta(t) + 3 \cdot K22 \cdot K1 \cdot K22 \cdot K1 \cdot K22 \cdot K1 \cdot \delta(t) + 3 \cdot K22 \cdot K1 \cdot K22 \cdot$ 

t)

Esta é a função de corrente refletida nas bobinas de sustentação equivalente ao degrau na posição do sistema, que serve como uma primeira aproximação de controle.

Na prática, o impulso 8t é aproximado para um Pulso com dinâmica rápida deve ser definido

por:

 $Pu(t) = \alpha n (u(t) - u(t-\Delta t))$ 

onde

$$\Delta t \ll T$$
  
 $\alpha = T/\Delta t$ 

Sendo que:

- T representa o período da dinâmica de maior freqüência de distúrbio que o sistema poderá sofrer;

- At representa o período da freqüência do pulso escolhido, deve obedecer a regra de nyquist-

shannon no mínimo T > 2 ·  $\Delta t$ ;

 Devemos evitar o *Fenômeno de Tullio*, o qual consiste no desencadeamento de vertigens provocado pelo som. A medicina experimental comprova que vibrações com frequências entre os 200 e os 2500 Hz, podem desencadear uma vertigem.

O controlador de retroalimentação negativa baseado em pulsos utilizando a função

desenvolvida deve ter os parâmetros de amplitude ( $\alpha$ n) e duração do pulso ( $\Delta$ t) escolhido em

função da dinâmica do sistema, com a finalidade de minimizar o efeito da inércia do veículo e não causar desconforto aos passageiros ou fadiga estrutural.

### Conclusão

Este estudo preliminar é integrante da modelagem física e projeto dos subsistemas de controle de veículo sustentado e propulsionado por meio da interação de campos magnéticos. Verificamos através de (16) que o sistema é não linear, logo diversas abordagens e aproximações para a análise e controle podem ser realizadas.

Os parâmetros reais de protótipo aqui encontrados são a base para o esboço da aproximação inicial do controlador de sustentação em estudo, utilizando técnicas de Inteligência Artificial (Redes Neurais), e é independente do controle de propulsão, apesar de trabalharem em conjunto.

## Referências

- Soares, Marco. *Eletromagnetismo I-70, força entre dois imãs*, 2007. Disponível em: < <u>http://www.mspc.eng.br/elemag/eletrm0170.shtml</u>>. Acesso em: 28 mar. 2008.
- SCI. COUNC. ROC(D), vol. 11, No. 2, 2001, p. 88-94.
- SHIAO, Ying-Shing. Design and implementation of a controller for a magnetic levitation system, Proc. Natl, 2001.
- TIPLER, Paul A. Física para cientistas e engenheiros. Rio de Janeiro: LTC, vol. 2, 2000.

**Resumo:** O presente trabalho visa apresentar a modelagem física desenvolvida para o protótipo de veículo suspenso por levitação magnética em construção no Núcleo de Robótica da Universidade Estácio de Sá. Será construído com a finalidade do estudo de novas tecnologias, modela-se a interação de dois campos magnéticos quando em situação de atração, um gerado por um solenóide, onde a corrente é função do tempo e da distancia dos magnetos e de um imã permanente.

Palavras-chave: Campo Magnético; Engenharia de Controle; Levitação Magnética.

**Abstract:**This study is supposed to show the physic model developed to be used in our Magnetic Levitation Prototype, to be built for the study of new technologies. This prototype has been build using a permanent magneto and a solenoid. Here you've found the mathematical expression (the non-linear transfer function).

Keywords: Magnetic Field; Control Engineering; Magnetic Levitation.

Recebido em: 20/03/2013

Aceito em: 11/04/2013